

Città della Scienza

Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella

Voce	2005	2006	2007	2008	2009	2010	2011
Fatturato Interno	8.906.924	11.962.445	6.316.712	6.387.357	6.896.956	6.327.683	6.485.338
Contributi istituzionali regionali	3.500.000	2.500.000	3.700.000	3.843.408	3.000.000	0	0
Contributi programmatici regionali	1.214.637	716.396	563.489	1.923.409	1.114.917	1.274.564	290.601
Totale fatturato	13.621.561	15.178.841	10.580.201	12.154.174	11.011.873	7.602.247	6.775.939
Interventi regionali per risanamento perdite	0	1.024.067	3.576.863	3.000.000	0	0	0
Totale spese regionali	4.714.637	4.240.463	7.840.352	8.766.814	4.114.917	1.274.564	290.601

Fatturato interno = Fatturato totale – (Contributi istituzionali regionali + Contributi programmatici regionali)

Totale spese regionali = Contributi istituzionali regionali + Contributi programmatici regionali + Interventi regionali per risanamento perdite

Anno 2005

Fatturato interno = $13.621.561 - (3.500.000 + 1.214.637) = 8.906.924$

Totale spese regionali = $(3.500.000 + 1.214.637) = 4.714.637$

Anno 2006

Fatturato interno = $15.178.841 - (2.500.000 + 716.396) = 11.962.445$

Totale spese regionali = $(2.500.000 + 716.396 + 1.024.067) = 4.240.463$

Anno 2007

Fatturato interno = $10.580.201 - (3.700.000 + 563.489) = 6.316.712$

Totale spese regionali = $(3.700.000 + 563.489 + 3.576.863) = 7.840.352$

Anno 2008

Fatturato interno = $12.154.174 - (3.843.408 + 1.923.409) = 6.387.357$

Totale spese regionali = $(3.843.408 + 1.923.409 + 3.000.000) = 8.766.817$

Anno 2009

Fatturato interno = $11.011.873 - (3.000.000 + 1.114.917) = 6.896.956$

Totale spese regionali = $(3.000.000 + 1.114.917) = 4.114.917$

Anno 2010

Fatturato interno = $7.602.247 - 1.274.564 = 6.327.683$

Totale spese regionali = 1.274.564

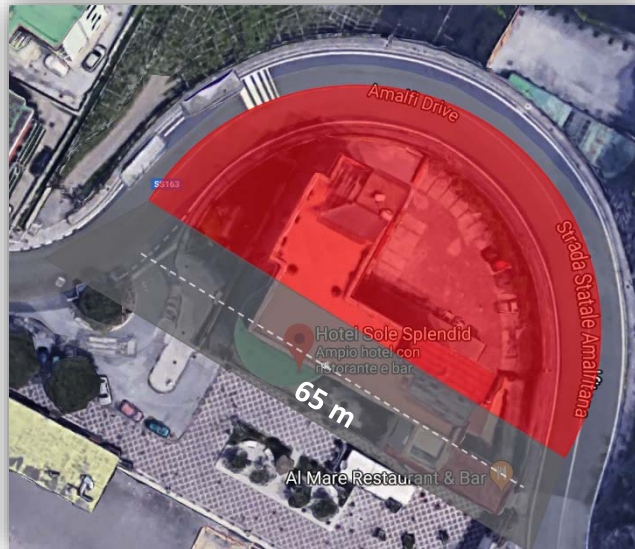
Anno 2011

Fatturato interno = $6.775.939 - 290.601 = 6.485.338$

Totale spese regionali = 290.601

I costi della Costiera

Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella



Costo viadotto = costo al metro lineare x lunghezza viadotto

Costo viadotto = 31.100,00 € /m x 65 m = 2.021.500,00 €

Raggio semicirconferenza = 65 m/2 = 32.5 m

Lunghezza semicirconferenza = $\pi r = 3.14 * 32.5 \text{ m} = 102,05 \text{ m}$

Costo strada = costo al metro in rilevato x lunghezza rilevato

Costo strada = 4.500,00 € x 102,05 = 459.225,00 €

Risparmio economico = (2.021.500,00 – 459.225,00) € = 1.562.275,00 €

Al tempo di Sicardo

Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella

Regione	Superficie km ²	Appartenenza al Principato
Puglia	19.540,90	80%
Lazio	17.232,29	13%
Campania	13.670,95	92%
Abruzzo	10.831,84	50%
Basilicata	10.073,32	100%
Molise	4.460,65	100%

Territorio pugliese appartenente al Principato: $19540,90 \cdot 80/100 = 15632,72 \text{ km}^2$

Territorio laziale appartenente al Principato: $17232,29 \cdot 13/100 = 2240,2 \text{ km}^2$

Territorio campano appartenente al Principato: $13670,95 \cdot 92/100 = 12577,27 \text{ km}^2$

Territorio abruzzese appartenente al Principato: $10831,84 \cdot 50/100 = 5415,92 \text{ km}^2$

Territorio lucano appartenente al Principato: $10073,32 \text{ km}^2$

Territorio molisano appartenente al Principato: $4460,65 \text{ km}^2$

Totale territorio appartenente al Principato:

$(15632,72 + 2240,2 + 12577,27 + 5415,92 + 10073,32 + 4460,65) \text{ km}^2 = 50400,08 \text{ km}^2$

Percentuale superficie occupata dal principato = Totale territorio Principato/Territorio nazionale ovvero

% superficie occupata dal principato = $50400,08/302072,83 = 16,7\%$

Problem solving – l'albero di Natale

Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella

L'albero è un triangolo equilatero i cui lati sono costituiti da 9 triangoli equilateri di lato 30 cm e 10 palline di raggio trascurabile.

Lunghezza del lato (diagonale del quadrato di base)

$$d = 9 \cdot 30 \text{ cm} = 270 \text{ cm}$$

Per calcolare l'area d'ingombro basta calcolare l'area del quadrato di base avente come diagonale la lunghezza del lato dell'albero

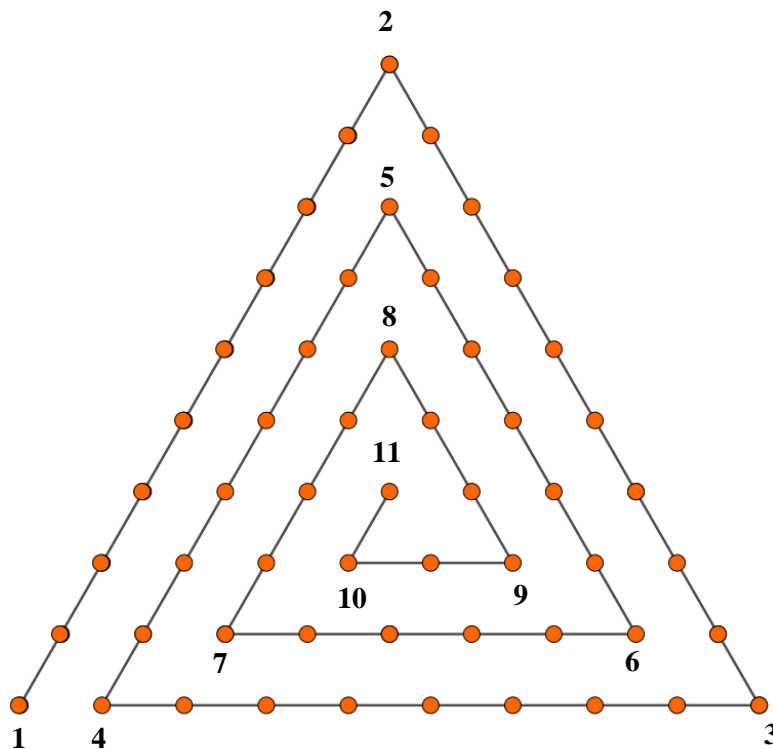
$$A = d \cdot d / 2$$

$$A = \frac{270 \cdot 270}{2} \text{ cm}^2 = 18225 \text{ cm}^2 \quad A = 1,8225 \text{ m}^2$$

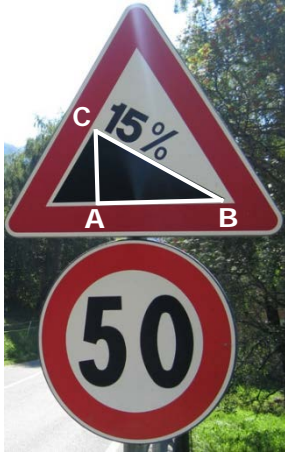
Per calcolare l'altezza basta utilizzare la relazione relativa ai triangoli equilateri dove $h = \frac{l}{2} \cdot \sqrt{3}$

$$h = \frac{270}{2} \cdot \sqrt{3} = 233,83 \text{ cm} \quad 233,83 \text{ cm} \cong 2,34 \text{ m}$$

Per determinare il minor numero di fori una possibile soluzione è rappresentata di seguito dai punti numerati



Dossi e paradossi
Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella



$AC = 7 \text{ cm}$

$CB = 40 \text{ cm}$

Applicando il teorema di Pitagora ricaviamo la lunghezza del cateto AB

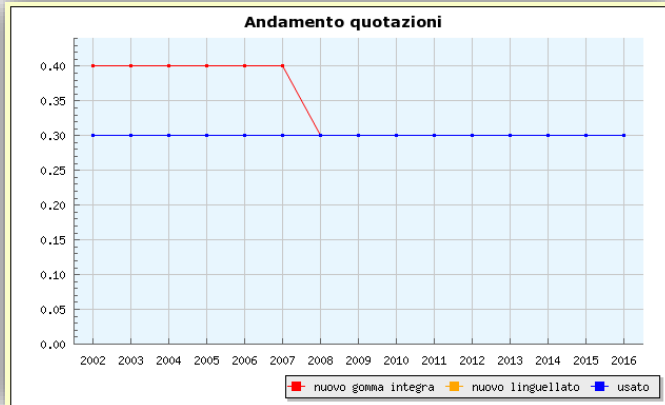
$AB = \sqrt{CB^2 - AC^2} \quad AB = \sqrt{40^2 - 7^2} \text{ cm} = \sqrt{1551} \text{ cm} = 39,38 \text{ cm}$

$\text{Pendenza della rampa} = \frac{AC}{AB} = \frac{7}{39,38} = 0,178 \quad 0,178 * 100 = 17,8\%$

Perché la pendenza sia pari al 100% $\frac{AC}{AB} = 1$ quindi $AC = AB = 7 \text{ m}$

Il "salotto" di Ascoli Piceno

Soluzione della prof.ssa Agata Mazzarella



Costo iniziale francobollo in euro = $380/1936,27 = 0,196$ euro

Valore nel 2002 del francobollo = 0,40 euro

Variazione = $0,40 - 0,196 = 0,204$ euro

% aumento = $\text{Variazione} / \text{costo iniziale}$

% aumento = $0,204/0,196 = 104,1\%$

Nel 2008 i grafici delle due quotazioni convergono, pertanto è in quell'anno che le due quotazioni si eguagliano.

Nel 2016 il costo in lire del francobollo sarebbe stato:

$0,30 \cdot 1936,27 = 580,88$ lire

Un primo con i primi

Soluzione del prof. Luigi Boscaino

Evidentemente i numeri che terminano con 5 e con 2 non sono primi. Pertanto ai possibili numeri di quattro cifre che si possono ottenere con 2, 3, 5 e 7, evitando le cifre ripetute, si devono sottrarre le disposizioni di sole tre cifre che hanno come quarta e ultima cifra il 2 o il 5. Tale passaggio consentirà di escludere a priori i numeri composti, multipli di 2 e di 5. **I numeri che si possono ottenere con le 4 cifre sono complessivamente 24**, cioè

$$4! = 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1.$$

La metà di questi numeri, ovvero 12, vanno evitati in quanto multipli di 2 o di 5. Infatti, supponendo che la cifra delle unità sia 2 si possono disporre le altre tre cifre in sei modi diversi ($3! = 3 \cdot 2 \cdot 1$), e così accade per il 5. In definitiva sono 6+6 i numeri di quattro cifre che non devo esaminare.

I dodici numeri restanti sono:

7523; 7253; 5723; 5327; 5273; 5237; 3527; 3257; 2753; 2573; 2537; 2357.

Di cui

PRIMI: 2357; 2753; 3257; 3527; 5237; 5273; 7253; 7523.

COMPOSTI: 2537=(43x59); 2573=(31x83); 5327=(7x761); 5723=(59x97).